

Test, clasa a IX-a, tip POP

Funcții

Scrieți pe foaia de test rezolvarea completă a fiecărui subiect.

Se acordă **1 punct** din oficiu. Timpul de lucru este de 50 minute.

(1p) 1. Se consideră $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$, $f(x) = \text{ultima cifră a lui } x^5$. Calculați $f(1) \cdot f(2) \cdot \dots \cdot f(2019)$.

(2p) 2. Determinați numărul funcțiilor $f : \{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ cu proprietatea $f(1) \cdot f(2) = 4$.

(4p) 3. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} x+1, & x \leq 3 \\ 2x+3, & x > 3 \end{cases}$.

a) Reprezentați grafic funcția f .

b) Calculați $f((-1, 5))$.

c) Determinați coordonatele punctelor de intersecție ale reprezentării grafice a funcției f cu axele de coordonate.

d) Demonstrați că funcția f este strict crescătoare pe \mathbb{R} .

(2p) 4. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} 3x+2, & x \leq 1 \\ x+1, & x > 1 \end{cases}$. Demonstrați că funcția

f este crescătoare pe $(-\infty; 1]$ și pe $(1; +\infty)$, dar nu este crescătoare pe \mathbb{R} .

Facultativ:

Definiți o funcție nemonotonă $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ care să verifice următoarea proprietate:

“pentru orice $a \in \mathbb{R}$ există un interval (b, a) astfel încât pentru orice $x \in (b, a)$ să avem $f(x) \leq f(a)$.”

Test, clasa a IX-a, tip ROCK

Funcții

Scrieți pe foaia de test rezolvarea completă a fiecărui subiect.

Se acordă **1 punct** din oficiu. Timpul de lucru este de 50 minute.

(1p) 1. Se consideră $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$, $f(x) = \text{restul împărțirii lui } 5 \text{ la } x$. Calculați $f(1) \cdot f(2) \cdot \dots \cdot f(2019)$.

(2p) 2. Determinați numărul funcțiilor $f : \{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ cu proprietatea $f(1) + f(2) = 4$.

(4p) 3. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} x + 2, & x \leq 3 \\ 2x + 1, & x > 3 \end{cases}$.

a) Reprezentați grafic funcția f .

b) Calculați $f((-1, 5))$.

c) Determinați coordonatele punctelor de intersecție ale reprezentării grafice a funcției f cu axele de coordonate.

d) Demonstrați că funcția f este strict crescătoare pe \mathbb{R} .

(2p) 4. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} 2x + 3, & x \leq 1 \\ x + 2, & x > 1 \end{cases}$. Demonstrați că funcția

f este crescătoare pe $(-\infty; 1]$ și pe $(1; +\infty)$, dar nu este crescătoare pe \mathbb{R} .

Facultativ:

Definiți o funcție nemonotonă $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ care să verifice următoarea proprietate:

“pentru orice $a \in \mathbb{R}$ există un interval (b, a) astfel încât pentru orice $x \in (b, a)$ să avem $f(x) \leq f(a)$.”